

1. Datos de identificación:

Nombre de la unidad de aprendizaje:		Cálculo			
Modalidad de la unidad de aprendizaje:		Escolarizada			
Número y tipo de periodo académico:		2° semestre			
Tiempo guiado por semana:		Aula presencial:		Campus digital (aula virtual y plataforma educativa):	
		4 horas		0 horas	
Dietribueiée	Tiempe quiedes	Aula presencial:	Aula virt	ual:	Plataforma educativa:
Distribución	Tiempo guiado:	80 horas	0 horas		0 horas
total del tiempo	Tiempo autónomo:	Plataforma educativa:		En cualquier espacio:	
por periodo académico		0 horas		40 horas	
academico	Tiempo aula empresa:	0 horas			
Créditos UANL:	•	4			
Tipo de unidad de ap	rendizaje:	Obligatoria			
Ciclo:		Primero			
Área curricular:		Formación inicial disciplinar (ACFI-D)			
Fecha de elaboración:		20/05/2020			
Responsable(s) de elaboración:		MC. Rodrigo Sepúlveda Sánchez			
Fecha de última actualización:		24/11/2022			
Responsable(s) de actualización:		No aplica			

2. Presentación:

La unidad de aprendizaje de Cálculo está constituida por cuatro fases, las cuales se integran y brindan las bases para que el estudiante sea capaz de desempeñarse en el campo de las ciencias naturales. Durante la fase 1 "Funciones", el estudiante aprenderá a identificar una función y su límite, además, comprobará si la función es continua en un determinado punto. Posteriormente en la fase 2 "Derivada", el estudiante asociará el concepto de la derivada de una función como razón de cambio instantáneo, lo que le permitirá distinguir las reglas de la derivación. Esto le permitirá en la fase 3



"Comportamiento de las gráficas de funciones polinomiales", distinguir el comportamiento de las funciones, para que sea capaz de explicar los puntos críticos de una función y con ello poder inferir en cómo optimizar procesos a través de las funciones. Finalmente, dentro de la fase 4 "Integración", el estudiante ejemplificará la relación que guarda la derivación con las reglas de integración, misma que le permitirá calcular el área de una región plana. Dentro de este proceso de aprendizaje, el estudiante será capaz de trasladar los conceptos del cálculo a los problemas que requieran toma de datos en el quehacer de las ciencias naturales, mismos que se encuentran directamente relacionados a la toma de decisiones.

El estudiante logrará el aprendizaje a través de evidencias que desarrollan su pensamiento lógico, así como las competencias adquiridas, mismas que le permitirán llegar a cabo el producto integrador de aprendizaje, el cual consiste en resolver una serie de casos de interés en las ciencias naturales, donde se aplica el cálculo como método de solución y toma de decisiones.

3. Propósito:

El propósito de esta unidad de aprendizaje (UA) es que el estudiante infiera sobre el comportamiento de una función a través del concepto del límite, la derivada y la integral, para lograr optimizar procesos biológicos, agrícolas, forestales, manejo de recursos naturales e industriales que generen un impacto positivo en el área de desarrollo de las ciencias naturales.

Se relaciona de forma antecedente con los conocimientos adquiridos en las UA del bachillerato que ofrece la UANL, particularmente con las UA de los campos disciplinares de Matemáticas y Ciencias Experimentales ya que es en estas donde el estudiante adquiere las bases que le permitirán cursar la UA de Cálculo con enfoque hacia las Ciencias Naturales. Además, se relaciona con UA posteriores de la disciplina al construir y desarrollar los conceptos básicos del cálculo diferencial e integral, para abordar problemáticas propias del área que ayudarán a la toma de decisiones durante su desarrollo profesional.

La UA contribuye al desarrollo de las competencias generales de la UANL, al promover en el estudiante el conocer los datos sobre los acontecimientos y situaciones que lo rodean a través de ejercicios teóricos relacionado a las ciencias naturales (2.1.2), así como lograr el mostrar interés por los acontecimientos y problemáticas que le rodean al resolver casos basados en sucesos reales de su entorno (10.1.1), así como la capacidad de establecer acuerdos entre sus compañeros



que permitan generar un ambiente de trabajo colaborativo y equitativo, por medio de ejemplos de situaciones de índole biológica que serán resueltos en equipo (14.1.3). Además, esta UA aporta a la rama de las Ciencias Naturales conocimientos como el manejo e interpretación de las funciones, los cuales son necesarios para evaluar resultados en experimentos o procesos de las ciencias naturales.

4. Competencias del perfil de egreso:

Competencias generales a las que contribuye esta unidad de aprendizaje:

Competencias instrumentales:

2. Utilizar los lenguajes lógico, formal, matemático, icónico, verbal y no verbal de acuerdo con su etapa de vida, para comprender, interpretar y expresar ideas, sentimientos, teorías y corrientes de pensamiento con un enfoque ecuménico.

Competencias personales y de interacción social:

10. Intervenir frente a los retos de la sociedad contemporánea en lo local y global con actitud crítica y compromiso humano, académico y profesional para contribuir a consolidar el bienestar general y el desarrollo sustentable.

Competencias integradoras:

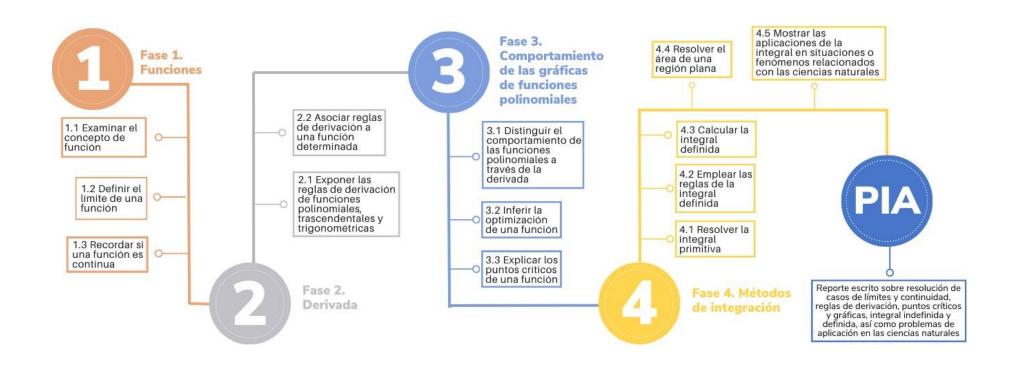
14. Resolver conflictos personales y sociales, de conformidad a técnicas específicas en el ámbito académico y de su profesión para la adecuada toma de decisiones.

Competencias específicas a las que contribuye la unidad de aprendizaje:

Cada programa educativo determinará en la propuesta de diseño curricular del programa educativo, las competencias específicas de contribución, acorde al contexto disciplinar en el que se encuentra esta unidad de aprendizaje.



5. Representación gráfica:





6. Estructuración en fases:

Fase 1: Funciones

Elemento de competencia: Identificar el límite de una función, empleando las reglas algebraicas para determinar la continuidad de esta.

Evidencia de aprendizaje	Criterios de evaluación de la evidencia	Actividades de enseñanza y aprendizaje	Contenidos	Recursos
Cuestionario de funciones, límites y continuidad.	 Redacta sus respuestas en forma ordenada, clara y concisa. Incluye los datos personales de identificación. Presenta con puntualidad y limpieza su cuestionario de forma manuscrita y/o resuelto en una plataforma digital. 	 Al iniciar la unidad de aprendizaje, el estudiante sustenta una prueba diagnóstica. El estudiante investiga las funciones algebraicas y trascendentales y expone en equipo las características de estas. El profesor utiliza un diagrama de flujo con el contenido de la unidad de aprendizaje para planear y describir cada una de las actividades de esta. El profesor explica mediante el uso del pizarrón, a través de tablas 	 Características de algunas funciones algebraicas y trascendentes. El concepto de Límite, su valor y su interpretación geométrica. Propiedades de los límites. Límites indeterminados. Continuidad de una función en un punto. 	 Leithold, L. (1999). Capítulo 1. Matthiopoulos, J. (2011). Capítulos 1-3 Cuestionario Pizarrón Software interactivo: - Plataforma Nexus - Plataforma TEAMS - Plataforma Thatquiz WolframAlpha (2020).



 Presenta su trabajo en el formato establecido por el profesor. Incluye todas las 	y gráficas, el concepto de límite. • Los estudiantes investigan los teoremas para calcular los límites, para generar una lluvia de ideas en el salón.	Geogebra (2020).Xrjunque (2020).
operaciones necesarias para llegar a la respuesta en cada una de las preguntas. Identifica las funciones algebraicas y trascendentes. Identifica el concepto de límite y su interpretación geométrica. Resuelve el límite de una función. Identifica un límite indeterminado.	 El estudiante investiga de forma individual las diferentes formas de calcular los límites de la forma cero sobre cero, realiza una síntesis de los conceptos y procedimientos para obtenerlos. Los estudiantes en equipo investigan el concepto de infinito y realizan una exposición oral frente a su grupo, apoyado de una presentación de PowerPoint que incluye límites al infinito de la forma ∞/∞ (infinito sobre infinito). Los estudiantes de forma individual resuelven 	





	funciones utilizando las diferentes plataformas de software interactivo. • El estudiante presenta el primer examen parcial escrito: funciones, límites y continuidad (actividad ponderada 1.1)		
--	---	--	--

Fase 2: Derivada

Elemento de competencia: Reconocer las reglas de derivación de una función para determinar los valores máximos o mínimos relativos en datos científicos.

Evidencia de aprendizaje	Criterios de evaluación de la evidencia	Actividades de enseñanza y aprendizaje	Contenidos	Recursos
Laboratorio de ejercicios de derivación.	 Incluye los datos personales de identificación. Presenta su trabajo en el formato establecido por el profesor. Presenta sus procedimientos y resultados en 	 El profesor expone el concepto de derivada y sus interpretaciones a través de gráficas en el pizarrón. Los estudiantes presentan de forma oral y en equipo los teoremas de derivación para las funciones que el profesor les indique, previamente investigados. Los estudiantes forman una tabla con las reglas de 	 La derivada como razón de cambio. Derivada de funciones algebraicas. Derivada de funciones trigonométricas. Derivada de funciones trigonométricas. 	 Ledder, G. (2013). Capítulo 1. Leithold, L. (1999). Capítulo 2. Matthiopoulos, J. (2011). Capítulo 4. Laboratorio Pizarrón



forma ordenada, clara y concisa. Entrega con puntualidad y limpieza su laboratorio de ejercicios de forma manuscrita y/o resuelto en una plataforma digital. Presenta resueltos correctamente todos los ejercicios proporcionados en el laboratorio. Incluye todas las operaciones necesarias para llegar a la respuesta en cada uno de los ejercicios. Identifica la regla de la	 derivación para cada tipo de función. Los estudiantes realizan ejercicios de derivación, con la tabla generada por ellos mismos. Los estudiantes exponen de manera grupal sus dudas, mientras el profesor presenta ejercicios de derivación en el pizarrón. Los estudiantes exponen sus dudas de forma grupal mientras el profesor ejemplifica en el pizarrón, las dudas generadas en los procedimientos. Semanalmente, en horas extra-aula, los estudiantes a través de plataformas digitales (p. ej., ThatQuiz), resolverán ejercicios de derivación. Los estudiantes en equipos resuelven ejercicios de forma interactiva a través de las plataformas se software interactivo. 	Teoremas de derivación.	Software interactivo: Plataforma Nexus Plataforma Thatquiz Plataforma TEAMS Khan Academy (2020). WolframAlpha. (2020).
---	--	-------------------------	--



derivada que utilizará en los ejercicios. Obtiene la derivada de una función a través de los teoremas de derivación. Resuelve correctamente la derivada de funciones algebraicas, trigonométricas y trascendentales.	El estudiante presenta el segundo examen parcial escrito: derivación (actividad ponderada 2.1)	
--	--	--

Fase 3: Comportamiento de las gráficas de las funciones polinomiales

Elemento de competencia: Calcular los puntos críticos de la función mediante el primer y segundo criterio de la derivada para analizar su comportamiento en situaciones relacionadas con las ciencias naturales.

Evidencia de aprendizaje	Criterios de evaluación de la evidencia	Actividades de enseñanza y aprendizaje	Contenidos	Recursos
3. Reporte de resolución de casos de intervalos	 Redacta su reporte en forma ordenada, 	El profesor expone el concepto del valor mínimo y máximo a través de gráficas en el pizarrón, para que los	 Máximos y Mínimos relativos de una función. 	• Ledder, G. (2013). Capítulo 1



crecientes y
decrecientes
concavidad,
puntos de
inflexión y
gráficas.

- clara y concisa.
- Incluye los datos personales de identificación.
- Presenta con puntualidad y limpieza su reporte de resolución de casos de forma manuscrita y/o resuelto en una plataforma digital.
- Incluye todos los contenidos cubiertos en esta fase.
- Presenta su trabajo en el formato establecido por el profesor.

- estudiantes respondan el tipo de función, así como las características que contiene la misma a través de una lluvia de ideas.
- Los estudiantes realizarán un listado de pasos (utilizando los dos criterios de derivadas) para optimizar funciones.
- Los estudiantes, individualmente, presentan y resuelven problemas de optimización.
- Los estudiantes exponen frente a clase, en equipos, las partes de una funciones creciente y decreciente, así como los juntos de concavidad y de inflexión.
- Los estudiantes exponen sus dudas de manera grupal mientras el profesor modela ejercicios de gráficas de las funciones.
- Los estudiantes resuelven ejercicios en equipo, guiados por el profesor para obtener puntos críticos de una función.

- Aplicaciones de la derivada en el proceso de optimización.
- (Primer Criterio de la derivada y Segundo Criterio de la derivada).
- Intervalos donde la función es crecientes y decrecientes.
- Concavidad y puntos de inflexión de una función.
- Trazo de las gráficas de funciones.

- Leithold, L. (1999). Capítulo 3
- Matthiopoulos,
 J. (2011).
 Capítulo 4
- Software interactivo:
 - Plataforma
 Nexus
 - Plataforma Thatquiz
 - Plataforma TEAMS
- WolframAlpha (2020).
- Khan Academy (2020).
- Pizarrón
- Reporte de resolución de casos.



• Incluyed las operado necesa	extra-aula, los estudiantes a través de plataformas digitales (p. ej., ThatQuiz), resolverán ejercicios de Antiderivación (indefinida o definida), con la finalidad de integrar el conocimiento. • Al finalizar la etapa, el estudiante simula la optimización de las funcione a través del software interactivo • El estudiante presenta el tercer examen parcial escrito comportamiento de funcione (actividad ponderada 3.1) cios. ne los os y nos de nción. iza sos a de la da. el y	es o:



criterio de la
derivada.
Identifica los
puntos de
inflexión.
Determina si
la función es
creciente o
decreciente
en un
determinado
punto.
• Traza la
gráfica de las
funciones.
Interpreta la
resolución del
caso.

Fase 4: Métodos de integración

Elemento de competencia: Emplear la integral indefinida y definida a partir del integrando de funciones polinómicas y trascendentales para aplicar los resultados en problemas relacionados con ciencias naturales.

Evidencia de aprendizaje	Criterios de evaluación de la evidencia	Actividades de enseñanza y aprendizaje	Contenidos	Recursos
4. Reporte de resolución de	Redacta su reporte en	El profesor expone el concepto de la antiderivada	Antiderivación.	Ledder, G. (2013). Capítulo 1.



aprendizaje	forma ordenada,	en el pizarrón a través de	Reglas para las	
basado en	clara y concisa.	gráficas, para que a través	integrales	Steward, L. (2011).
problemas de	 Incluye los 	de preguntas los estudiantes	indefinidas.	Capítulo 9.
integración.	datos	infieran como obtener la		
	personales de	integral primitiva.	Integración directa	Leithold, L. (1999).
	identificación.	 Los estudiantes investigan 	de funciones	Capítulo 4.
	Presenta con	las reglas de la integral	algebraicas.	'
	puntualidad y	primitiva y un cuadro		Matthiopoulos, J.
	limpieza su	comparativo con la	Integración directa	(2011). Capítulo 5.
	reporte de	información obtenida.	de funciones	(=0.17)
	evaluación de	Los estudiantes discuten la	trigonométricas	Whitty, C. J. M.
	forma	relación que tiene la integral	(seno y coseno).	(2017).
		con la derivada en el salón	(30110 y 0030110).	(2017).
	manuscrita y/o		Integración directa	Pizarrón
	en una	de clases.	de función	Reporte de
	plataforma	De forma individual, los	exponencial (base	problemas
	digital.	estudiantes explican un		Software
	 Incluye todos 	ejemplo con las reglas de	e).	interactivo:
	los contenidos	integración recabadas en la	Tápping do	
	cubiertos en	actividad anterior en el	Técnica de	American
	esta etapa.	pizarrón.	integración	Meteorological
	 Presenta su 	 Los estudiantes investigan el 	mediante	Society. (2020)
	trabajo en el	concepto de área bajo la	sustitución	Mathematical
	formato	curva, realiza un resumen de	(cambio de	(2020).
	establecido por	la información recabada;	variable).	WolframAlpha.
	el profesor.	mientras que el profesor en		(2020).
	 Incluye todas 	clase plantea el problema de	Integral definida.	Plataforma Nexus
	las operaciones	calcular el área bajo una		Plataforma Thatquiz
	necesarias para	curva como inducción a la	Área de una	Plataforma TEAMS
	llegar a la	integral definida.	región plana.	
			<u> </u>	l



cade ejer lider utilist regresse ejer interinde einde	da uno de los ercicios entifica y liza todas las glas para solver los ercicios de egración lefinida. Inplea la egración ecta de inciones pebraicas, gonométricas escendentales. Escendentales. Escendentales e ejercicios a vés de la cnica de mbio de riable. Ilcula el área una región in a e	os estudiantes, proponen n método para calcular el rea bajo la curva, haciendo so de las reglas de ntegración. El estudiante resuelve jemplos de integración en el izarrón y lo aplicará para alcular el área bajo una urva. os estudiantes realizan los jercicios de anti derivación, ntegrales indefinidas, ntegrales definidas y áreas ajo la curva, de forma ndividual. os estudiantes guiados por I profesor resuelven jercicios relacionados con el rea de estudio de las iencias naturales, ya sea or el método tradicional o ien, a través del software nteractivo. Semanalmente, en horas xtra-aula, los estudiantes a ravés de plataformas igitales (p. ej., ThatQuiz), esolverán ejercicios de	Modelos Matemáticos. Aplicación de la derivada y de la integral definida en las Ciencias Naturales.	
i inte	erpreta la 📗 re			



solución del problema.	 acuerdo con la temática vista en clase, con la finalidad de integrar el conocimiento. El estudiante presenta el cuarto examen parcial escrito: integración (actividad ponderada 4.1). El estudiante presenta el examen práctico de casos de importancia en las ciencias naturales, basado en el comportamiento de sus funciones para la toma de decisiones (actividad ponderada 4.2) 	
------------------------	--	--

7. Evaluación de los aprendizajes:

Fase	Actividades y evidencias	Ponderación
Fase 1	Evidencia 1. Cuestionario de funciones, límites y continuidad.	5%
	Actividad ponderable 1.1. Primer examen parcial escrito: funciones, límites y continuidad.	10%
Fase 2	Evidencia 2. Laboratorio de ejercicios de derivación.	5%
rase z	Actividad ponderable 2.1: Segundo examen parcial escrito: Derivación	11%
Fase 3	Evidencia 3. Reporte de resolución de aprendizaje basado en casos de intervalos	5%
	crecientes y decrecientes, concavidad, puntos de inflexión y gráficas.	
	Actividad ponderable 3.1. Tercer examen parcial escrito: Comportamiento de funciones.	12%
Fase 4	Evidencia 4. Reporte de resolución de aprendizaje basado en problemas de integración.	5%
	Actividad ponderable 4.1: Cuarto examen parcial escrito: Integración	12%



Actividad ponderable 4.2: Examen práctico basado en casos de aplicación en ciencias	
naturales.	
Producto integrador de aprendizaje	20%
Total:	100%

8. Producto integrador de aprendizaje:

Reporte escrito sobre resolución de casos de límites y continuidad, reglas de derivación, puntos críticos y gráficas, integral indefinida y definida, así como problemas de aplicación en las ciencias naturales (ver anexo 1).

9. Fuentes de consulta:

American Meteorological Society. (2020) AMS. Obtenido de https://journals.ametsoc.org/ (Base de datos de la biblioteca digital de la UANL).

Geogebra. (2020). Geogebra. Obtenido de http://www.geogebra.org

Khan Academy. (2020). Khanacademy. Obtenido de https://es.khanacademy.org

Ledder, G. (2013). Mathematics for the Life Sciences. Ed. 1. Editorial Springer-Verlag New York.

Leithold, L. (1999). El Cálculo. 7a ed. Oxford University Press. México.

Matthiopoulos, J. (2011). How to be a quantitative ecologist: The A to R of green mathematics and statistics. Wiley-VCH.

Steward, L. (2011). The mathematics of life. Basic Books.



Whitty, C. J. M. (2017). The contribution of biological, mathematical, clinical, engineering and social sciences to combatting the West African Ebola epidemic. *Philosophical Transactions of the Royal Society B: Biological Sciences*, 372(1721). https://doi.org/10.1098/rstb.2016.0293

WolframAlpha. (2020). WolframAlpha. Obtenido de http://www.wolframalpha.com/

Xrjunque. (2020). Xrjunque. Obtenido de https://xrjunque.nom.es/polycalc.aspx

Anexo 1

_	ador de aprendizaje: Reporte escrito sobre solución de casos de límites y continuidad, reglas de tos críticos y gráficas, integral indefinida y definida, así como problemas de aplicación en las ciencias
Instrucciones:	Los estudiantes, realizarán una serie de casos, donde se apliquen los contenidos aprendidos en cada una de las fases de la unidad de aprendizaje en un contexto real, dichos casos serán proporcionados por el profesor.
Valor:	20 puntos
Criterios de evaluación:	 El producto integrador de aprendizaje presenta las siguientes características: La cantidad de ejercicios solicitados por el profesor. Los procedimientos de todos los ejercicios ordenados. Entregar en formato físico y/o electrónico según lo solicitado por el profesor de la UA. Incluir los datos de identificación del equipo. Colaborar activamente con los miembros de su equipo de trabajo. Presentar con puntualidad el PIA. Adjuntar el proyecto final en la plataforma Digital Institucional, ya sea NEXUS o Ms Teams. Identificar de la naturaleza del problema. Proponer una metodología para resolver el caso. Resolver correctamente cada ejercicio.



Modalidad:	Equipo	

Área curricular de formación inicial disciplinar (ACFI-D) Aprobada por el H. Consejo Universitario el 24 de noviembre de 2022

Registro de versiones del programa:

V1_20/05/2020

Vo. Bo.

Dr. Gerardo Tamez González Director del Sistema de Estudios de Licenciatura