

1. Datos de identificación:

| Nombre de la unidad de aprendizaje: | | Geometría analític | Geometría analítica | | | |
|--|----------------------|---------------------|--|---------|-----------------------|--|
| Modalidad de la unidad de aprendizaje: | | Escolarizada | Escolarizada | | | |
| Número y tipo de periodo académico: | | 1° semestre | | | | |
| Tiempo guiado por semana: | | Aula presencial: | Aula presencial: Campus digital (aula plataforma educativa | | | |
| | | 5 horas | | 0 horas | | |
| | Tioman aviado. | Aula presencial: | Aula virtu | al: | Plataforma educativa: | |
| Distribución total | Tiempo guiado: | 100 horas | 0 horas | | 0 horas | |
| del tiempo por | Tiempo autónomo: | Plataforma educativ | Plataforma educativa: | | ier espacio: | |
| periodo académico | | 0 horas | 0 horas | | | |
| academico | Tiempo aula empresa: | 0 horas | 0 horas | | | |
| Créditos UANL: | | 4 | 4 | | | |
| Tipo de unidad de aprei | ndizaje: | Obligatoria | Obligatoria | | | |
| Ciclo: | | Primero | Primero | | | |
| Área curricular: | | Formación inicial | Formación inicial disciplinar (ACFI-D) | | | |
| Fecha de elaboración: | | 03/03/2020 | 03/03/2020 | | | |
| Responsable(s) de elaboración: | | M.C. Adriana Arias | M.C. Adriana Arias Aguilar | | | |
| Fecha de última actualización: | | 30/09/2024 | 30/09/2024 | | | |
| | | M.C. Adriana Arias | M.C. Adriana Arias Aguilar y M.C. Eva Mirella Martínez Rodríguez | | | |

2. Presentación:

La unidad de aprendizaje pertenece al grupo disciplinar de las ciencias exactas y está constituida por cuatro fases principales. En la fase 1 denominada "Conceptos fundamentales y línea recta", el/la estudiante define los conceptos fundamentales de la geometría analítica, identificando geométricamente la gráfica de una ecuación para después determinar la ecuación de un lugar geométrico. Posteriormente las fases 2 "Circunferencia y traslación de ejes" y 3 "Parábola, elipse e hipérbola" se desarrollan como fases cíclicas en las que el/la estudiante



llevará a cabo los mismos procesos de aprendizaje, pero con diferentes objetos de conocimiento, ya que examina las características y elementos de la ecuación e interpreta geométricamente la gráfica de una ecuación. Por último, en la fase 4 denominada "Rotación de ejes" el/la estudiante utiliza las ecuaciones de rotación a lugares geométricos e identifica la cónica. Todo lo anterior permitirá que el/la estudiante elabore su producto integrador de aprendizaje que consiste en un reporte de resolución de problemas teóricos y contextualizados que describen las características de distintos objetos geométricos, expresando su solución de un lenguaje algebraico a uno nativo.

3. Propósito:

Esta unidad de aprendizaje tiene como finalidad examinar las ecuaciones de distintos objetos geométricos a través de una correspondencia entre el lenguaje algebraico y geométrico y su representación en el plano cartesiano, siendo una UA de carácter básico para el/la estudiante, ya que en ella se empieza a trabajar en la consolidación del razonamiento matemático.

Geometría analítica es una unidad de aprendizaje que se relaciona con la UA Manejo de formas y espacios cursada en el nivel medio superior siendo un primer acercamiento del/la estudiante a los elementos básicos de la geometría euclidiana para la modelación y resolución de situaciones en el mundo real, así como con Funciones y relaciones trabajando los conceptos de geometría euclidiana, sus características y su modelación visto desde un lugar geométrico para finalizar en la gráfica de las cónicas y sus elementos. El estudio de esta UA es fundamental para la construcción de diferentes funciones, tanto en el plano bidimensional y tridimensional, siendo su conocimiento necesario para las UA de Cálculo diferencial en la identificación y gráfica de funciones, para posteriormente recurrir a su utilización en la UA de semestres avanzados como Cálculo integral empleando la gráfica de las cónicas.

Esta UA nos permite alcanzar tres competencias generales de la UANL, el/la estudiante conoce los contextos en que están inmersos los signos a través de la información, datos, elementos de los acontecimientos y situaciones que los rodean al resolver problemas contextualizados de las cónicas (2.1.2), además obra con rectitud en la realización de laboratorios de cada una de las fases, así como actividades ponderadas y en la resolución de problemas en los reportes escritos (11.1.2). Por último, establece prioridades al organizar sus actividades tanto académicas como extracurriculares para distribuir su tiempo de la mejor forma posible (15.1.3).

Por otro lado, contribuye al desarrollo de las competencias específicas de los programas educativos de las ciencias exactas para el desarrollo de los modelos matemáticos, tanto geométricos como algebraico al vincular el álgebra con la geometría, permitiendo representar ecuaciones y figuras en un sistema de coordenadas.



4. Competencias del perfil de egreso:

Competencias generales a las que contribuye esta unidad de aprendizaje:

Competencias instrumentales:

2. Utilizar los lenguajes lógico, formal, matemático, icónico, verbal y no verbal de acuerdo con su etapa de vida, para comprender, interpretar y expresar ideas, sentimientos, teorías y corrientes de pensamiento con un enfoque ecuménico.

Competencias personales y de interacción social:

11. Practicar los valores promovidos por la UANL: responsabilidad, justicia, libertad, igualdad, verdad, honestidad, paz, tolerancia, solidaridad y respeto, en su ámbito personal y profesional para contribuir a construir una sociedad sustentable.

Competencias integradoras:

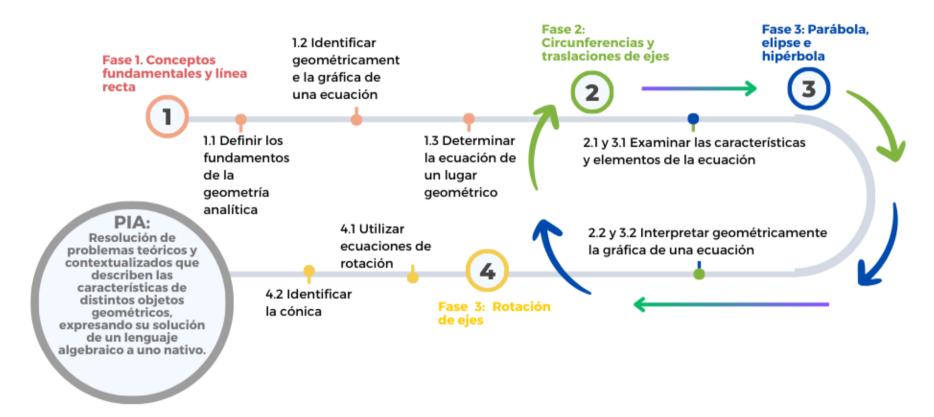
15. Lograr la adaptabilidad que requieren los ambientes sociales profesionales de incertidumbre de nuestra época para crear mejores condiciones de vida.

Competencias específicas a las que contribuye la unidad de aprendizaje:

En el plan de estudios de cada programa educativo se determinarán las competencias específicas a las que contribuirá, considerando el contexto disciplinar de la unidad de aprendizaje.



5. Representación gráfica:





6. Estructuración en fases:

Fase 1: Conceptos fundamentales y línea recta.

Elemento de competencia:

Interpretar ecuaciones de manera geométrica y analítica a partir de los conceptos fundamentales y procedimientos algebraicos que le permitan establecer y graficar ecuaciones.

| Evidencia de aprendizaje | Criterios de evaluación de la evidencia | Actividades de enseñanza y aprendizaje | Contenidos | Recursos |
|--|---|--|---|--|
| Reporte escrito de resolución de problemas de conceptos fundamentales y línea recta. | Incluye los cuatro conceptos fundamentales. Identifica el tipo de concepto fundamental a utilizar. Utiliza procedimientos algebraicos adecuados para solucionar problemas de línea recta. Emplea la metodología adecuada de acuerdo al tipo de problema planteado. | El/la profesor/a realiza el encuadre de la unidad de aprendizaje: presentación de los participantes y revisión del programa analítico. El/la profesor/a expone oralmente los conceptos fundamentales de la geometría analítica de manera colectiva. El/la profesor/a demuestra y ejemplifica los conceptos fundamentales. El/la estudiante realiza de manera grupal preguntas durante la exposición de los ejemplos resueltos | a. Conceptos fundamentales: a.1 Distancia entre dos puntos a.2 Inclinación y pendiente de una recta a.3 Ángulo entre dos rectas a.4 División de un segmento en una razón dada b. Gráfica de una ecuación y lugares geométricos. c. La línea recta | Pizarrón blanco Marcador para pizarrón blanco Libreta cuadriculada Regla Plumas de color o colores Plataforma NEXUS Laboratorio de ejercicios (creación del/la profesor/a) |



| | de conceptos fundamentales en | c.1 Definición de línea | |
|-------------------------|---|----------------------------------|---------------------|
| Entrega en forma y en | clase. | recta | Contenido a: |
| el tiempo establecido. | | c.2 Formas de la | |
| | El/la profesor/a representa | ecuación de la recta | Lehmann, C. (2016). |
| Elabora en el aula de | geométricamente ecuaciones y | c.3 Posiciones | Capítulo I |
| manera individual. | lugares geométricos de manera | relativas de dos rectas | Cantanida bi |
| Cumple con le | colectiva. | c.4 Forma normal de | Contenido b: |
| Cumple con la | FI/Is setudiente de menero individual | la ecuación de la | Lehmann, C. (2016). |
| estructura del reporte. | El/la estudiante de manera individual | recta. | Capítulo II |
| | registra gráficamente ecuaciones y lugares geométricos. | c.5 Reducción de la | Οαριίαιο ΙΙ |
| | lugares geometricos. | forma general a la forma normal. | Contenido c: |
| | El/la profesor/a expone de forma | c.6 Distancia de un | Comomac or |
| | interactiva las características de una | punto a una recta. | Lehmann, C. (2016). |
| | recta, sus ecuaciones, posiciones | c.7 Familias de rectas. | Capítulo III |
| | relativas y representación gráfica. | c.7 Familias de rectas. | · |
| | | | |
| | El/la estudiante de manera grupal | | |
| | participa activamente realizando | | |
| | preguntas durante la exposición de | | |
| | los conceptos relacionados con la | | |
| | recta. | | |
| | | | |
| | El/la profesor/a soluciona en forma | | |
| | guiada problemas donde se | | |
| | construya la ecuación de una recta | | |
| | mediante la aplicación de formas de | | |
| | sus ecuaciones y conceptos. | | |



| Los/las estudiante de manera individual utiliza la resolución de problemas para construir ecuación de una recta. | |
|---|--|
| El/la profesor/a diseña un laboratorio de ejercicios prácticos de conceptos de fundamentales y línea recta. | |
| El/la estudiante resuelve de manera individual o equipo, según la indicación de la profesora o el profesor, el laboratorio de ejercicios prácticos de los conceptos | |
| fundamentales y línea recta, en tiempo y forma (Actividad ponderada 1.1). | |



Fase 2: Circunferencia y traslación de ejes

Elemento de competencia:

Construir lugares geométricos con base a sus características y elementos para obtener una ecuación o transformarla mediante una traslación de ejes y trazar su gráfica.

| Evidencia de aprendizaje | Criterios de evaluación de la evidencia | Actividades de enseñanza y aprendizaje | Contenidos | Recursos |
|---|--|--|--|--|
| 2. Reporte escrito de resolución de problemas de circunferencia y traslación de ejes. | Plantea la ecuación de la circunferencia a partir de las condiciones geométricas dadas. Grafica las ecuaciones de lugar geométrico. Transforma la ecuación mediante la traslación de ejes. Entrega en forma y en el tiempo establecido. Elabora en el aula de manera individual. | El/la profesor/a demuestra la ecuación de la circunferencia a partir de un lugar geométrico. El/la profesor/a expone de forma interactiva las características, tipos y posiciones relativas de la circunferencia y su representación gráfica. El/la estudiante participa realizando preguntas durante la exposición de los conceptos relacionados con la circunferencia. El/la profesor/a soluciona en forma guiada problemas donde se construya la ecuación de una circunferencia mediante la aplicación | a. La circunferencia a.1 Definición de circunferencia. a.2 Elementos de la circunferencia. a.3 Formas de la ecuación de la circunferencia a.4 Familias de circunferencias a.5 Tangente a la circunferencia b. Transformación de coordenadas b.1 Definición de transformación b.2 Tipos de transformaciones | Pizarrón blanco Marcador para pizarrón blanco Libreta cuadriculada Regla Plumas de color o colores Plataforma NEXUS Laboratorio de ejercicios (creación del/la profesor/a) Contenido a: |



| | | 107 1 1 | |
|-------------------------|--|-------------------|---------------------|
| 0.000010.00010 | de formas de ecuaciones y | b.3 Traslación de | L - L (0046) |
| Cumple con la | conceptos | ejes | Lehmann, C. (2016). |
| estructura del reporte. | F1/1 6 / | | Capítulo IV |
| | El/la profesor/a representa | | |
| | gráficamente ecuaciones de la | | Contenido b: |
| | circunferencia. | | 0 (0040) |
| | | | Lehmann, C. (2016). |
| | El/la profesor/a expone | | Capítulo V |
| | interactivamente sobre los conceptos | | |
| | de transformación mediante | | |
| | traslación de ejes coordenadas. | | |
| | | | |
| | El/la estudiante participa realizando | | |
| | preguntas durante la exposición de | | |
| | traslación de ejes coordenadas. | | |
| | F | | |
| | El/la profesor/a diseña un laboratorio | | |
| | de ejercicios prácticos de | | |
| | circunferencia y traslación de ejes. | | |
| | El/le estediente necestra el | | |
| | El/la estudiante resuelve el | | |
| | laboratorio de ejercicios prácticos | | |
| | sobre circunferencia y traslación de | | |
| | ejes en tiempo y forma. (Actividad | | |
| | ponderada 2.1). | | |



Fase 3: Parábola, elipse e hipérbola

Elemento de competencia:

Construir lugares geométricos con base a sus características y elementos para obtener su ecuación (de la parábola, elipse e hipérbola) y trazar su gráfica.

| Evidencia de aprendizaje | Criterios de evaluación de la evidencia | Actividades de enseñanza y aprendizaje | Contenidos | Recursos |
|--|---|--|--|---|
| 3. Reporte escrito de resolución de problemas de parábola, elipse e hipérbola. | Plantea la ecuación de la parábola, elipse e hipérbola a partir de las condiciones geométricas dadas. Grafica el lugar geométrico que representa la ecuación y expresa sus elementos. Entrega en forma y en el tiempo establecido. Elabora en el aula de manera individual. Cumple con la estructura del reporte. | El/la profesor/a expone de forma interactiva sobre las características, formas de sus ecuaciones y su representación gráfica de la parábola. El/la estudiante participa haciendo preguntas en la exposición de conceptos relacionados con la parábola. El/la estudiante elabora un matriz de las parábolas con las siguientes características: nombre, ecuación, elementos y gráfica. El/la profesor/a soluciona problemas en donde construye la ecuación y | a. La parábola a.1 Definición de parábola y sus elementos a.2 Ecuación de la parábola con vértice en el origen y eje focal el eje X. Elementos a.3 Ecuación de la parábola con vértice en el origen y eje focal el eje Y. Elementos a.4 Discusión de las ecuaciones de la parábola, determinando: intersecciones con los ejes coordenados, | Pizarrón blanco Marcador para pizarrón blanco. Libreta cuadriculada Regla Plumas de color o colores Plataforma NEXUS Laboratorio de ejercicios (creación del/la profesor/a) Contenido a: |



| | | |
|--|-------------------------|---------------------|
| grafica de la parábola, a través de | simetrías y | |
| sus condiciones geométricas. | extensiones. Gráfica. | Lehmann, C. (2016). |
| _ | a.5 Ecuación de la | Capítulo VI |
| El/la estudiante utiliza el Aprendizaje | parábola con vértice | - |
| basado en problemas (ABP) para | en (h, k) y eje focal | Contenido b: |
| construir y graficar la parábola a | paralelo a un eje | |
| través de sus condiciones | coordenado. | Lehmann, C. (2016). |
| geométricas. | Elementos. | Capítulo VII |
| , and the second | a.6 Formas generales | • |
| El/la profesor/a expone de forma | de la ecuación de la | Contenido c: |
| interactiva sobre las características, | parábola | |
| formas de sus ecuaciones y su | a.7 Tangente a la | Lehmann, C. (2016). |
| representación gráfica de la elipse. | parábola | Capítulo VIII |
| The second of th | parabola | |
| El/la estudiante participa haciendo | b. La elipse | |
| preguntas en la exposición de | b.1 Definición de | |
| conceptos relacionados con la | elipse y sus | |
| elipse. | elementos | |
| | b.2 Ecuación de la | |
| El/la estudiante elabora un matriz de | elipse con centro en el | |
| la elipse con las siguientes | origen y eje focal | |
| características: nombre, ecuación, | coincidente con el eje | |
| elementos y gráfica. | X. Elementos | |
| granica. | b.3 Ecuación de la | |
| El/la profesor/a soluciona problemas | | |
| en donde construye la ecuación y | elipse con centro en el | |
| grafica de la elipse a través de sus | origen y eje focal | |
| condiciones geométricas. | coincidente con el eje | |
| Condiciones geometricas. | Y . Elementos | |



| | b. |
|---|-----|
| El/la estudiante utiliza el Aprendizaje | ec |
| basado en problemas (ABP) para | eli |
| construir y graficar la elipse a través | int |
| de sus condiciones geométricas. | eje |
| | sir |
| El/la profesor/a expone de forma | ex |
| interactiva sobre las características, | b. |
| formas de sus ecuaciones y su | eli |
| representación gráfica de la | (h |
| hipérbola. | pa |
| | co |
| El/la estudiante participa haciendo | EI |
| nua munta a an la avenaciaión da | _ |

El/la estudiante participa haciendo preguntas en la exposición de conceptos relacionados con la hipérbola.

El/la estudiante elabora un matriz de la hipérbola con las siguientes características: nombre, ecuación, elementos y gráfica.

El/la profesor/a soluciona problemas en donde construye la ecuación y grafica de la hipérbola a través de sus condiciones geométricas.

El/la estudiante utiliza el Aprendizaje basado en problemas (ABP) para construir y graficar la hipérbola a

.4 Discusión de las cuaciones de la lipse, determinando: tersecciones con los ies coordenados. imetrías y xtensiones. Gráfica. 5 Ecuación de la lipse con centro en h, k) y eje focal aralelo a un eje oordenado. lementos b.6 Formas generales de la ecuación de la elipse b.7 Tangente a la elipse

c. La hipérbola
c.1 Definición de
hipérbola y sus
elementos
c.2 Ecuación de la
hipérbola con centro
en el origen y eje focal
coincidente con el eje
X. Elementos
c.3 Ecuación de la
hipérbola con centro



| través de sus condiciones | en el origen y eje focal |
|--|--------------------------|
| geométricas. | coincidente con el eje |
| | Y. Elementos |
| El/la profesor/a diseña un laboratorio | c.4 Discusión de las |
| de ejercicios prácticos de parábola, | ecuaciones de la |
| elipse e hipérbola. | hipérbola, |
| | determinando: |
| El/la estudiante resuelve el | intersecciones con los |
| laboratorio de ejercicios prácticos de | ejes coordenados, |
| parábola, elipse e hipérbola en | simetrías y |
| tiempo y forma <i>(actividad</i> | extensiones. Gráfica |
| ponderada 3.1). | c.5 Asíntotas de la |
| , | hipérbola |
| | c.6 Hipérbola |
| | equilátera o |
| | rectangular |
| | c.7 Ecuación de la |
| | hipérbola con centro |
| | en (h, k) y eje focal |
| | paralelo a un eje |
| | coordenado. |
| | Elementos. |
| | c.8 Formas generales |
| | de la ecuación de la |
| | hipérbola |
| | c.9 Tangente a la |
| | hipérbola |
| | Прогроја |

Fase 4: Rotación de ejes



Elemento de competencia:

Transformar la ecuación de un lugar geométrico mediante las ecuaciones de rotación de ejes para expresarla en términos más simples y trazar su gráfica.

| Evidencia de aprendizaje | Criterios de evaluación de la evidencia | Actividades de enseñanza y aprendizaje | Contenidos | Recursos |
|---|--|---|--|--|
| 4. Reporte escrito de resolución de problemas de rotación de ejes. Outro de resolución de ejes. | Enunciar las ecuaciones de rotación de ejes presentadas en la documentación bibliográfica. Utiliza procedimientos algebraicos de acuerdo con la ecuación transformada. Grafica el lugar geométrico que representa la ecuación. Entrega en forma y en el tiempo establecido. | El/la profesor/a expone interactivamente los conceptos de rotación de ejes. El/la profesor/a resuelve problemas y traza su grafica transformando la ecuación de un lugar geométrico. El/la estudiante participa haciendo preguntas en la exposición de conceptos relacionados con la parábola, elipse e hipérbola. El/la profesor/a diseña un laboratorio de ejercicios prácticos de rotación de ejes. El/la estudiante resuelve el laboratorio de ejercicios prácticos | a. Ecuación general de segundo grado a.1 Rotación de ejes. Ecuaciones de transformación. a.2 Simplificación de ecuaciones por rotación y traslación de ejes. a.3 Identificación de una cónica. | Pizarrón blanco Marcador para pizarrón blanco Libreta cuadriculada Regla Plumas de color o colores Plataforma NEXUS Laboratorio de ejercicios (creación del/la profesor/a) |



| | sobre la rotación de ejes en tiempo y forma <i>(Actividad ponderada 4.1)</i> . | Lehmann, C. (2016). Capítulo IX |
|--|---|---------------------------------|
| Cumple con la estructura del reporte. | El/la estudiante entrega un reporte global escrito de resolución de problemas de Geometría analítica: Examen departamental (Actividad ponderada 4.2). | |

7. Evaluación de los aprendizajes:

| Fase | Evidencias y actividades | Ponderación |
|------------------------------------|---|-------------|
| Fase 1 | Evidencia 1. Reporte escrito de resolución de problemas de conceptos fundamentales y línea recta | 15% |
| | (examen parcial 1). | |
| | Actividad ponderada 1.1: Laboratorio de ejercicios prácticos de los conceptos fundamentales y línea | 1.5% |
| | recta | |
| Fase 2 | Evidencia 2. Reporte escrito de resolución de problemas de circunferencia y traslación de ejes (examen | 16% |
| | parcial 2). | |
| | Actividad ponderada 2.1: Laboratorio de ejercicios prácticos sobre circunferencia y traslación de ejes | 1.5% |
| Fase 3 | Evidencia 3. Reporte escrito de resolución de problemas de parábola, elipse e hipérbola (examen parcial | 16% |
| | 3). | |
| | Actividad ponderada 3.1: Laboratorio de ejercicios prácticos de parábola, elipse e hipérbola | 1.5% |
| Fase 4 | Evidencia 4. Reporte escrito de resolución de problemas de rotación de ejes (examen parcial 4). | 15% |
| | Actividad ponderada 4.1: Laboratorio de ejercicios prácticos sobre la rotación de ejes | 1.5% |
| | Actividad ponderada 4.2: Reporte global escrito de resolución de problemas de Geometría analítica: | 15% |
| | Examen departamental (examen departamental) | |
| Producto integrador de aprendizaje | | 17% |



| Total | 100% |
|-------|-------|
| 10101 | 10070 |

8. Producto integrador de aprendizaje:

Resolución de problemas teóricos y contextualizados que describen las características de distintos objetos geométricos, expresando su solución de un lenguaje algebraico a uno nativo.

9. Fuentes de consulta:

Bachillerato a Distancia. (s. f.). https://www.bunam.unam.mx/mat_apoyo/MaestrosAlumnos/mApoyo/01/index.html

Cotrina, J., Escudero, P. (2021). Introducción a la Geometría analítica. Recuperado de https://hdl.handle.net/11354/3031

De la Torre, A. (2006). El método cartesiano y la geometría analítica. *Matemáticas: Enseñanza Universitaria,* XIV (75-87). Recuperado de http://www.redalyc.org/articulo.oa?id=46814108

Fuller, G., Tarwater, D., & Mateos, M. (1995). Geometría analítica. México: Addison-Wesley Iberoamericana.

Kindle, J. (2007). Geometría analítica, México: Serie Schaum.

Lehmann, C. (2016). Geometría Analítica, México: Editorial Limusa.

Lehmann, C. (2022). Geometría Analítica, México: Editorial Limusa. Recuperado de https://www.youtube.com/watch?v=NI 6HzZ5VME

Pichardo, R. (2022). Geometría analítica plana. La prensa de ciencias. Recuperado de <u>Geometría analítica plana 9786073069021 libro (unam.mx)</u>

Silverman, R. (2012). Modern Calculus and Analytic Geometry. New York: Dover Publications, Inc.

Área curricular de formación inicial disciplinar (ACFI-D) Aprobada por el H. Consejo Universitario el 24 de noviembre de 2022 Vo. Bo.

Dr. Gerardo Tamez González



| | Director del Sistema de Estudios de Licenciatura |
|-------------------------------------|---|
| Registro de versiones del programa: | |
| V1_03/03/2020 V2_24/11/2022 | |